

Monaden

Funktionale Programmierung

Prof. Dr. Oliver Braun

Letzte Änderung: 09.10.2018 06:54

- Typklasse

```
class Applicative m  $\Rightarrow$  Monad m where  
  (»=) :: m a  $\rightarrow$  (a  $\rightarrow$  m b)  $\rightarrow$  m b - heisst bind  
  (») :: m a  $\rightarrow$  m b  $\rightarrow$  m b           - heisst then  
  return :: a  $\rightarrow$  m a                 - analog zu pure  
  fail :: String  $\rightarrow$  m a
```

- wesentliche Funktionalität

```
fmap    :: Functor f      => (a -> b) -> f a      -> f b
(<*>)  :: Applicative f  => f (a -> b) -> f a      -> f b
(>=)   :: Monad m       => m a          -> (a -> m b) -> m b
```

- Beispiel

```
Prelude> fmap (+1) [1..3]
[2,3,4]
Prelude> [1..3] >= return . (+1)
[2,3,4]
```

IO ist eine Monade

- in Haskell ist `IO` eine Monade
- über diesen *Trick* ist I/O auch **pure**
- `IO` ist ein abstrakter Datentyp
 - der zur *Laufzeit* Actions ausführen kann
- Beispiel:

```
Prelude> :t [putStr "Hallo", putStr "Welt"]  
[putStr "Hallo", putStr " Welt"] :: [IO ()]
```

do-Notation

- Beispiel mit IO

```
f = getLine »= putStrLn
```

- mit einem λ

```
f = getLine »= \s → putStrLn s
```

- anders angeordnet

```
f = getLine »= \s →  
    putStrLn s
```

- und jetzt mit *syntactic sugar*:

```
f = do  
    s ← getLine  
    putStrLn s
```

Keine veränderliche Variablen!

- Folgendes sieht aus als ob `s` ein neuer Wert zugewiesen wird

```
f = do
  s ← getLine
  putStrLn s
  s ← getLine
  putStrLn s
```

- aber in Wirklichkeit wird `s` durch eine **neue** gebundene Variable mit selben Namen verdeckt

```
f = getLine »= (\s →
  putStrLn s »
  getLine »= (\s →
  putStrLn s))
```

(Klammern nicht notwendig, nur zur Veranschaulichung)

```
instance Monad Maybe where
```

```
  return = Just
```

```
  fail _ = Nothing
```

```
  Nothing »= _ = Nothing
```

```
  Just x »= f = f x
```

Beispiel für die Maybe-Monade

- `Data.Map` definiert `lookup`:

```
lookup :: Ord k => k -> Map k a -> Maybe a
```

- wir haben folgende `Maps`:

```
students :: Map MtkNr Student
```

```
exams     :: Map Ancode Exam
```

```
rooms     :: Map (TimeSlot, StudentName) Room
```

- wir wollen für eine Matrikelnummer und eine Prüfung herausfinden in welchem Raum die Prüfung statt findet


```
roomForStud :: MtkNr → Ancode → Maybe RoomName
roomForStud mtknr ancode =
  case lookup mtknr students of
    Nothing → Nothing
    Just student → case lookup ancode exams of
      Nothing → Nothing
      Just exam →
        let studentName' = studentName student
            timeSlot' = timeSlot exam
        in case lookup (timeSlot', studentName')
              rooms of
            Nothing → Nothing
            Just room → Just $ roomName room
```

```
roomForStud :: MtkNr → Aencode → Maybe RoomName
roomForStud mtknr aencode = do
  student ← lookup mtknr students
  exam ← lookup aencode exams
  let studentName' = studentName student
      timeSlot' = timeSlot exam
  room ← lookup (timeSlot', studentName') rooms
  return $ roomName room
```

- Identität

```
m »= return ≡ m
```

```
return x »= f ≡ f x
```

- Assoziativität

```
(m »= f) »= g ≡ m »= (\x → f x »= g)
```

Viele Libs sind als Monaden realisiert

- z.B. die HSpec-Tests
- z.B. Scotty (ein Webserver)

```
{-# LANGUAGE OverloadedStrings #-}
import Web.Scotty
import Data.Monoid (mconcat)
main = scotty 3000 $ do
  get "/:word" $ do
    beam ← param "word"
    html
    (mconcat
     [ "<h1>Scotty, "
     , beam
     , " me up!</h1>"])
```

Viele auch als Applikative Funktoren (1/2)

- z.B. `optparse-applicative` zum Parsen von Kommandozeilenargumenten

```
config :: Parser Config
config = Config <$> optional
  (strOption
    (long "output" ◇
      short 'o' ◇
      metavar "OUTFILE" ◇
      help "output to file instead of stdout")) <*>
  switch (short 'v' ◇
    long "verbose" ◇
    help "turn on verbosity")
```

- oder aeson für JSON

instance FromJSON Payload **where**

```
parseJSON (Object v) =
```

```
  Payload <$> v .: "from"
```

```
    <*> v .: "to"
```

```
    <*> v .: "subject"
```

```
    <*> v .: "body"
```

```
    <*> v .: "offset_seconds"
```

```
parseJSON v = typeMismatch "Payload" v
```

Ein paar nützliche Monaden

- die Reader-Monade ermöglicht auf einen Wert lesend zuzugreifen
 - d.h. Funktionen zu nutzen, die diesen Wert als Argument geliefert bekommen, ohne ihn anzugeben
- nützlich zum Beispiel um das Programm mit einer Konfiguration zu starten
 - in der Readermonade wird die Konfiguration implizit immer weiter gereicht
 - wenn ein Wert aus der Konfiguration benötigt wird, kann einfach darauf zugegriffen werden
- die Idee basiert darauf, dass Funktionen eine Monade sind


```
newtype HumanName = HumanName String
newtype DogName = DogName String
newtype Address = Address String
data Person = Person
  { humanName :: HumanName
  , dogName :: DogName
  , address :: Address
  }
data Dog = Dog
  { dogsName :: DogName
  , dogsAddress :: Address
  }
```

- normaler Zugriff:

```
getDog :: Person → Dog
```

```
getDog p = Dog (dogName p) (address p)
```

- über den applikativen Reader-Funktor

```
getDogR :: Person → Dog
```

```
getDogR = Dog <$> dogName <*> address
```

- über die Reader-Monade

```
getDogM :: Person → Dog
getDogM = do
  dName ← dogName
  dAddress ← address
  return $ Dog dName dAddress
```

- in der Writer-Monade können Werte geloggt werden
- der Typ für das Log muss in der Typklasse **Monoid** sein
- Beispiel **ohne Monade**: Größter gemeinsamer Teiler

```
gcd' :: Int → Int → Int
gcd' m n
  | m == n = m
  | m > n = gcd' (m - n) n
  | otherwise = gcd' m (n - m)
```

Beispiel: Größter gemeinsamer Teiler mit Log (1/3)

```
gcd" :: Int → Int → Writer [String] Int
gcd" m n
  | m == n = return m
  | m > n = do
    tell ["Calling gcd" " " ++
          show (m - n) ++ " " ++ show n]
    gcd" (m - n) n
  | otherwise = do
    tell ["Calling gcd" " " ++
          show m ++ " " ++ show (n - m)]
    gcd" m (n - m)
```

Beispiel: Größter gemeinsamer Teiler mit Log (2/3)

```
> runWriter $ gcd" 22 18  
(2, ["Calling gcd" 4 18"  
     ,"Calling gcd" 4 14"  
     ,"Calling gcd" 4 10"  
     ,"Calling gcd" 4 6"  
     ,"Calling gcd" 4 2"  
     ,"Calling gcd" 2 2"])
```

```
> fst $ runWriter $ gcd" 22 18  
2
```

Beispiel: Größter gemeinsamer Teiler mit Log (3/3)

```
> mapM_ putStrLn $ snd $ runWriter $ gcd" 22 18  
Calling gcd" 4 18  
Calling gcd" 4 14  
Calling gcd" 4 10  
Calling gcd" 4 6  
Calling gcd" 4 2  
Calling gcd" 2 2
```

- Beispiel ohne Monade: Stack

```
type Stack = [Int]
```

```
pop' :: Stack → (Int, Stack)
```

```
pop' (x:xs) = (x, xs)
```

```
push' :: Int → Stack → ((), Stack)
```

```
push' a xs = ((), a : xs)
```

```
stackManip :: Stack → (Int, Stack)
```

```
stackManip stack =
```

```
  let ((), newStack1) = push' 3 stack
```

```
      (a, newStack2) = pop' newStack1
```

```
  in pop' newStack2
```


Beispiel: Stack mit der State-Monade

```
pop :: State Stack Int
```

```
pop = state $ \(x:xs) → (x, xs)
```

```
push :: Int → State Stack ()
```

```
push a = state $ \xs → ((), a : xs)
```

```
stackManip' :: State Stack Int
```

```
stackManip' = do
```

```
  push 3
```

```
  pop
```

```
  pop
```

```
> runState stackManip' [5,8,2,1]
```

```
(5,[8,2,1])
```