

Falten statt Schleifen

Funktionale Programmierung

Prof. Dr. Oliver Braun

Letzte Änderung: 09.10.2018 06:54

- Faltung (*folding*) ist ein Konzept um Listen (und auch andere faltbare Datentypen) zu einem Wert **zusammenzufalten**
- Folds sind *Catamorphismen*
 - Catamorphismen dekonstruieren Daten

```
foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b
```

seit GHC 7.10 verallgemeinert:

```
foldr :: Foldable t => (a -> b -> b) -> b -> t a -> b
```

- Beispiel:

```
foldr (+) 0 [1..3]
```

wird zunächst (in mehreren Schritten) ersetzt durch

```
1 + (2 + (3 + 0))
```

und das wird dann von rechts zu einem Wert zusammengefasst

- `foldr` ist (auf Listen beschränkt) wie folgt definiert:

```
foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b
```

```
foldr f z [] = z
```

```
foldr f z (x:xs) = f x (foldr f z xs)
```

Definition von `foldl` — fold left

- `foldl` ist (auf Listen beschränkt) wie folgt definiert:

```
foldl :: (b -> a -> b) -> b -> [a] -> b
```

```
foldl f acc [] = acc
```

```
foldl f acc (x:xs) = foldl f (f acc x) xs
```

- dieses Mal wird von links gefaltet:

```
foldl (+) 0 [1..3]
```

wird zunächst schrittweise evaluiert zu

```
((0 + 1) + 2) + 3
```

- Beispiel

```
foldl (flip (:)) [] [1..3] -- = reverse [1..3]
```

Zwischenergebnisse mit `scanr` und `scanl`

```
Prelude> foldr (+) 0 [1..5]  
15
```

```
Prelude> scanr (+) 0 [1..5]  
[15,14,12,9,5,0]
```

```
Prelude> foldl (+) 0 [1..5]  
15
```

```
Prelude> scanl (+) 0 [1..5]  
[0,1,3,6,10,15]
```

- `Data.Map`
- qualifiziert importieren, da es gleichnamige Funktionen für die Map gibt, wie in der Prelude, z.B. `filter`

```
import qualified Data.Map as M
```

- auch eine Map ist in Haskell unveränderbar

```
myMap :: M.Map Integer String
```

```
myMap = M.empty
```

```
myMap' = M.insert 3 "Helga" myMap
```

```
myMap'' = M.insert 5 "Hugo" myMap'
```

Beispiele (2/3)

- viele Werte Einfügen z. B. mit einem `foldr`

```
foldr (uncurry M.insert) M.empty
  $ zip [1..] ["Maria", "Joseph", "Erni", "Bert"]
```

- anderes Beispiel: Liste aller Fibonacci-Zahlen

```
fibs = 1 : scanl (+) 1 fibs
```

- ein Zaubertrick der Lazy Evaluation
- n-te Fibonacci-Zahl

```
fibsN x = fibs !! x
```


- Maximum aller Elemente einer Liste

```
maximum' = foldr1 (\x y → max x y)
```